

## 基礎物理化学(熱力学) (担当教員: 林 重彦) レポート 一回目

出題: 05/29/2019、提出期限: 06/21/2019 17:00

提出先: 共通教育教務掛レポートボックス

注意点: 解答はすべて過程を明確に記述して下さい。答えだけでは不正解にします。また、物理量の数値を求める問題では、単位を計算過程からすべて明確に記して下さい。単位が記されていない場合には不正解にします。

[問題 1] 大気圧 (101 kPa) と等しい静水圧を与える密度  $1.0 \text{ g cm}^{-3}$  の水の液注の高さはいくらか。重力加速度  $g = 9.81 \text{ m s}^{-2}$  とする。

[問題 2] r.m.s. 速さ  $c$  と平均速さ  $\bar{c}$  の間には、

$$c = \left( \frac{3\pi}{8} \right)^{1/2} \bar{c} \quad (1)$$

の関係がある。それらの速さを、マクスウェルの速さの分布から求めることにより、式 (1) の関係を確認することを考える。

ここで、マクスウェルの速さの分布は

$$F(s) = 4\pi \left( \frac{M}{2\pi RT} \right)^{3/2} s^2 e^{-\frac{Ms^2}{2RT}} \quad (2)$$

である。ここで、 $s$  は速さの絶対値であり、定義域は  $0$  から  $\infty$  であることに注意せよ。

また、r.m.s. 速さは

$$c = \sqrt{\langle s^2 \rangle} \quad (3)$$

であり、平均速さは

$$\bar{c} = \langle s \rangle \quad (4)$$

である。ここで、 $\langle \rangle$  は平均を表す。

(a) マクスウェルの分布を用いて平均を計算することにより、式 (4) の平均速さ  $\bar{c}$  をモル質量  $M$ 、気体定数  $R$ 、及び温度  $T$  を用いて表せ。[ヒント: 部分積分を使う。]

(b) 同様の方法で、式 (3) の r.m.s. 速さを求め、式 (1) を確認せよ。ここで次の公式を使え。

$$\int_0^{\infty} e^{-ax^2} dx = \frac{1}{2} \sqrt{\frac{\pi}{a}} \quad (5)$$

[ヒント: 式 (5) の公式が使えるまで部分積分を行う。]

(c) ついでに、マクスウェルの速さの分布が最大になる速さ(最大確率速度  $c_{mp}$ ) を求め、r.m.s. 及び平均速さとの関係を導け。[ヒント: マクスウェルの速さの分布を微分して最大値を求める。]

以下の問題では、気体はすべて完全気体とせよ。

[問題 3] 圧力 104 kPa、温度 21.1 °C の海面付近で、ある質量の空気が 2.0 m<sup>3</sup> の体積を占めている。これを、圧力と温度がつぎのような値の高所に移動したとき、体積はどれだけに膨張するか。(a) 52 kPa、-5.0 °C、(b) 880 Pa、-52.0 °C。

[問題 4] 容積 22.4 L の容器に、2.0 mol の H<sub>2</sub> と 1.0 mol の N<sub>2</sub> を 273.15 K で詰めてある。(a) それぞれの分圧、(b) 全圧、を計算せよ。

[問題 5] 25 °C のときのヘリウムの気体において、ヘリウム一原子当たり、及び 1 mol 当たりの運動エネルギーをジュール単位で求めよ。

[問題 6] アルゴンの 25 °C での平均自由行程が、アルゴン原子の直径の 10 倍になるのは圧力がいくらのときか。ただし、 $\sigma = 0.36 \text{ nm}^2$  とせよ。

[問題 7] 体積が一定の容器中では、気体の平均自由行程はどのような温度変化をするか。理由を付して説明せよ。

[問題 8] メタンの試料 4.50 g が 310 K で 12.7 dm<sup>3</sup> の体積を占めている。(a) この気体が 30.0 kPa の一定外圧に対して等温的に膨張し、体積が 3.3 dm<sup>3</sup> だけ増えたとき、気体がした仕事を計算せよ。(b) 同じ膨張が等温可逆的に起こった場合の仕事を計算せよ。

[問題 9] 授業で、完全気体の等温可逆膨張における仕事の計算式を導出した。この膨張が可逆的であるが等温的ではなく、膨張が進むにつれ温度が低下するものとしよう。(a)

$T = T_i - c(V - V_i)$  のとき、膨張の仕事を表す式を求めよ。ただし、 $c$  は正の定数である。(b) 求めた仕事は等温膨張の仕事より大きいか、それとも小さいか。

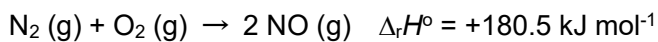
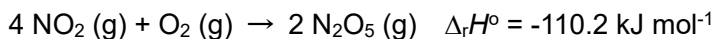
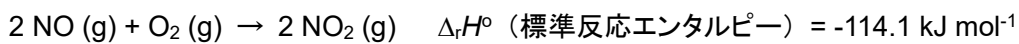
[問題 10] 常温常圧下の空気の熱容量は約  $21 \text{ J K}^{-1} \text{ mol}^{-1}$  である。5.5 m x 6.5 m x 3.0 m の部屋の温度を 10 °C だけ上げるのに必要なエネルギーはどれだけか。また、熱が逃げないとして、1.5 kW のヒーターを使えばどれだけの時間がかかるか。ただし、 $1 \text{ W} = 1 \text{ J s}^{-1}$  である。

[問題 11] 3.0 mol の  $O_2(g)$  を 3.25 atm の一定圧力下で熱したところ、温度が 260 K から 285 K まで上昇した。 $O_2$  のモル定圧熱容量が  $29.4 \text{ J K}^{-1} \text{ mol}^{-1}$  であるとして、 $q$ 、 $\Delta H$ 、及び  $\Delta U$  を求めよ。

[問題 12] 10.0 g の気体塩素( $Cl_2$ )から、 $Cl^-$  及び  $Cl^+$  からなるプラズマ(イオンの気体)を生成するのに熱として加えるべきエネルギーはどれだけか(温度及び圧力は一定とする)。ここで、 $Cl_2$  の結合エンタルピーは  $242 \text{ kJ mol}^{-1}$ 、 $Cl$  のイオン化エンタルピーは  $1260 \text{ kJ mol}^{-1}$ 、電子付加エンタルピーは  $-349 \text{ kJ mol}^{-1}$  である。

[問題 13] グルコース 0.3212 g を、熱容量が  $641 \text{ J K}^{-1}$  のボンベ熱量計(体積一定)の中で燃やしたところ、7.793 K の温度上昇があった。グルコースの (a) 標準燃焼内部エネルギー(標準状態での燃焼反応に伴う内部エネルギー変化)、(b) 標準燃焼エンタルピー、(c) 標準生成エンタルピーを計算せよ。ここで、二酸化炭素と水の標準生成エンタルピーはそれぞれ  $-393.51 \text{ kJ mol}^{-1}$  及び  $-285.83 \text{ kJ mol}^{-1}$  である。

[問題 14] 次のデータを用いて  $N_2O_5$  の標準生成エンタルピーを求めよ。



[おまけ] 授業・レポート問題への質問・要望・感想・その他があれば記して下さい。